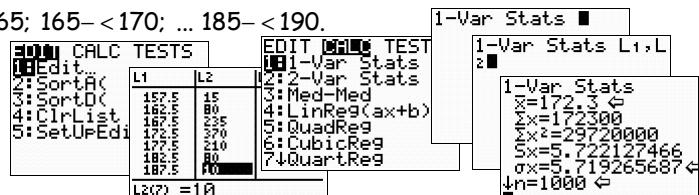


- 1a Er is uitgegaan van de klassen: 155–<160; 160–<165; 165–<170; ... 185–<190.
- 1b De onderzochte groep bestaat uit 1000 personen.
(neem nog eens GR-practicum 5 uit hoofdstuk 4 deel 1 door)
- 1c De gemiddelde lengte $\bar{x} = 172,3$ (cm) en
de standaardafwijking $\sigma \approx 5,7$ (cm).
(zie de GR-schermen hiernaast)

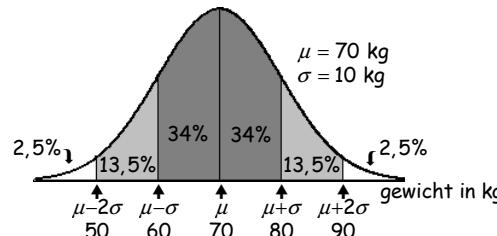


- 1d 680 is 68% van 1000. 1e 950 is 95% van 1000.

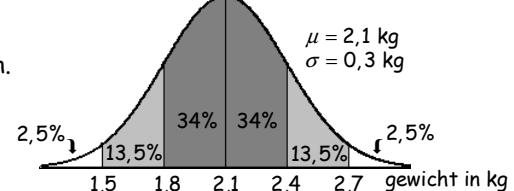
- 2a Er is uitgegaan van 155–<156; 156–<157; 157–<158; ...; 189–<190 \Rightarrow klassenbreedte 1.
- 2b De frequentie van klasse 172–<173 is ongeveer 375. (zie de hoogste staaf)
- 2c Nee bij de figuur van opgave 2 is de groep veel groter.
(tussen 170 cm en 175 cm alleen al zitten meer dan $5 \times 300 = 1500$ mannen)

- 3abef Normale verdelingen. 3cdg Geen normale verdelingen.

- 4a Zie de figuur hiernaast.
- 4b 68% tussen 60 en 80 kg. (vuistregel I)
- 4c $13,5\% + 2,5\% = 16\%$ meer dan 80 kg.
- 4d 95% tussen 50 en 90 kg. (vuistregel II)
- 4e 2,5% minder dan 50 kg.
- 4f $34\% + 13,5\% = 47,5$ tussen 70 en 90 kg.



- 5a 2,5% zwaarder dan 2,7 kg.
- 5b $13,5\% + 68\% = 81,5\%$ tussen 1,5 en 2,4 kg $\Rightarrow 0,815 \cdot 200 = 163$ konijnen.
- 5c $2,5\% + 13,5\% = 16\%$ lichter dan 1,8 kg $\Rightarrow 0,16 \cdot 200 = 32$ konijnen.
- 5d $\frac{5}{200} \times 100\% = 2,5\% \Rightarrow$ ze hebben een gewicht van meer dan 2,7 kg.



- 6 De standaardafwijking σ (Griekse s; spreek uit sigma) = $80 - 76 = 4$ gram. (16% bij 76 = $\mu - \sigma \Rightarrow 76 = 80 - \sigma$)

- 7a De relatieve cumulatieve frequentie van μ (Griekse m; spreek uit mu) is 50%.
- 7b De relatieve cumulatieve frequentie van $\mu + \sigma$ is $50\% + 34\% = 84\%$.
- 7c Lees bij 50% af dat $\mu = 68$ en bij 84% dat $\mu + \sigma = 74$.
- 7d $\mu = 68$ en $\mu + \sigma = 74 \Rightarrow 68 + \sigma = 74 \Rightarrow$ de standaardafwijking $\sigma = 6$.

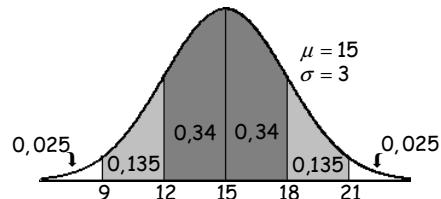
- 8 Om in een van de buitenste bakjes terecht te komen moet een knikker óf STEEDS naar links óf STEEDS naar rechts vallen. De kans daarop is erg klein.
De meeste knikkers vallen nu eens naar links en dan weer naar rechts en komen zo in de middelste bakjes terecht.

- 9a Van beide krommen ligt de top bij 167 cm.
- 9b Bij groep B, want die kromme is breder.
- 9c De totale oppervlakte onder elke normalkromme is 100%.
- 9d De normalkromme heeft dezelfde vorm als A (even breed en even hoog), maar ligt meer naar links.

- 10a Met stijgende leeftijd neemt iemands reactietijd toe (met het ouder worden neemt het reactievermogen af). Bij de 18-jarigen hoort kromme A (kleinste gemiddelde), bij de 60-jarigen hoort kromme C (grootste gemiddelde).
- 10b Bij kromme C hoort de grootste standaardafwijking, dus bij de 60-jarigen is de genoemde kans het grootst.

- 11 Kromme A: $\mu = 65$ en $\sigma = 1,5$. Kromme C: $\mu = 67,5$ en $\sigma = 2$.
Kromme B: $\mu = 66,5$ en $\sigma = 1$. Kromme D: $\mu = 70$ en $\sigma = 0,5$.
(μ lees je af onder de top van de kromme en σ verder gaat de kromme over van toenemend dalend in afnemend dalend)

- $$\begin{array}{ll} 12 & \begin{array}{ll} a \text{ opp.} = 0,135. & c \text{ opp.} = 0,025 + 0,025 = 0,05. \\ b \text{ opp.} = 1 - 0,025 = 0,975. & d \text{ opp.} = 0,5 + 0,34 = 0,84. \end{array} \end{array}$$



- 13 a opp. = $\text{normalcdf}(925, 970, 950, 20)$. c opp. = $\text{normalcdf}(7.1, 10^{99}, 8.6, 1.3)$.
 b opp. = $\text{normalcdf}(2.6, 3.9, 2.8, 0.7)$. d opp. = $\text{normalcdf}(-10^{99}, 130, 150, 12)$.

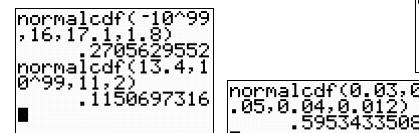
三

■ Neem GR - practicum 9a door.

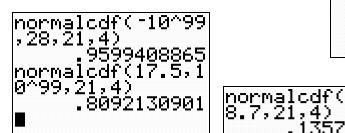
- 14 a opp. = $\text{normalcdf}(1000, 1100, 1080, 60) \approx 0,539$.
 b opp. = $\text{normalcdf}(-10^{99}, 5, 3.5, 1.1) \approx 0,914$.
 c opp. = $\text{normalcdf}(700, 10^{99}, 850, 120) \approx 0,894$.



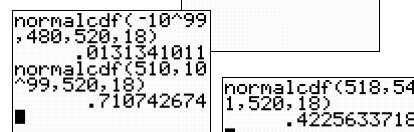
- 15 a opp. = $\text{normalcdf}(-10^{99}, 16.17, 1.18) \approx 0.271$.
 b opp. = $\text{normalcdf}(13.4, 10^{99}, 11, 2) \approx 0.115$.
 c opp. = $\text{normalcdf}(0.03, 0.05, 0.04, 0.012) \approx 0$,



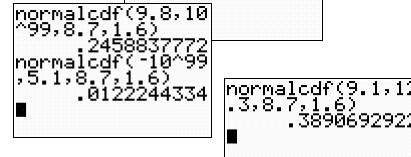
- 16a opp. = $\text{normalcdf}(-10^{99}, 28, 21, 4) \approx 0,960.$
 16b opp. = $\text{normalcdf}(17.5, 10^{99}, 21, 4) \approx 0,809.$
 16c opp. = $\text{normalcdf}(16.8, 18.7, 21, 4) \approx 0,136.$



- 17a opp. = $\text{normalcdf}(-10^{99}, 480, 520, 18) \approx 0,013$.
 17b opp. = $\text{normalcdf}(510, 10^{99}, 520, 18) \approx 0,711$.
 17c opp. = $\text{normalcdf}(518, 541, 520, 18) \approx 0,423$.



- 18a opp. = $\text{normalcdf}(9.8, 10^{99}, 8.7, 1.6) \approx 0.246$. Dus 24,6%.
 18b opp. = $\text{normalcdf}(-10^{99}, 5.1, 8.7, 1.6) \approx 0.012$. Dus 1,2%.
 18c opp. = $\text{normalcdf}(9.1, 12.3, 8.7, 1.6) \approx 0.389$. Dus 38,9%.



- $$19a \quad \text{opp.} = \text{normalcdf}(-10^{99}, 12, 16, 3) \approx 0,091.$$

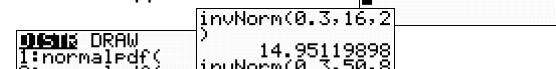
- $$19b \quad \text{opp.} = \text{normalcdf}(12, 10^{99}, 16, 3) \approx 0,909.$$

- 19c $0,091 + 0,909 = 1$. De twee gebieden van vraag 19a en 19b vormen samen het totale gebied onder de normaalkromme en van het totale gebied onder een normale kromme is de oppervlakte 1.

* * *

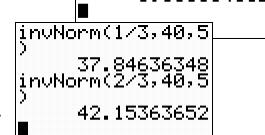
■ Neem GR - practicum 9b door.

- 20 a opp. links van a is 0,3 $\Rightarrow a = \text{invNorm}(0,3,16,2) \approx 15,0$.
b opp. rechts van a is 0,7 \Rightarrow opp. links van a is 0,3 $\Rightarrow a$
c opp. links van a is 0,86 $\Rightarrow a = \text{invNorm}(0,86,600,70) \approx$
d opp. rechts van a is 0,08 \Rightarrow opp. links van a is 0,92 \Rightarrow



- 21a De oppervlakte van het gebied links van b is $\frac{2}{3}$.

- $$21b \quad \text{opp. links van } a \text{ is } \frac{1}{3} \Rightarrow a = \text{invNorm}\left(\frac{1}{3}, 40, 5\right) \approx 37,8 \text{ en } b = \text{invNorm}\left(\frac{2}{3}, 40, 5\right) \approx 42,2$$

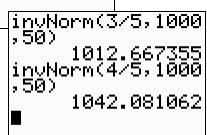


- $$a = \text{invNorm}\left(\frac{1}{5}, 1000, 50\right) \approx 958.$$

$$b = \text{invNorm}\left(\frac{2}{5}, 1000, 50\right) \approx 987.$$

$$c = \text{invNorm}\left(\frac{3}{5}, 1000, 50\right) \approx 1013$$

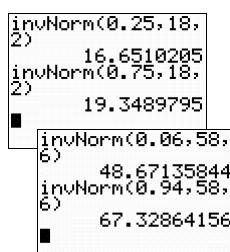
$$d = \text{invNorm}\left(\frac{4}{5}, 1000, 50\right) \approx 1042.$$



- 23 a opp. links van a is $\frac{1-0,5}{2} = 0,25 \Rightarrow a = \text{invNorm}(0.25, 18, 2) \approx 16,7$.
 opp. links van b is $1 - 0,25 = 0,75 \Rightarrow b = \text{invNorm}(0.75, 18, 2) \approx 19,3$.

b opp. links van a is $\frac{1-0,82}{2} = 0,09 \Rightarrow a = \text{invNorm}(0.09, 150, 12) \approx 133,9$.
 opp. links van b is $1 - 0,09 = 0,91 \Rightarrow b = \text{invNorm}(0.91, 150, 12) \approx 166,1$.

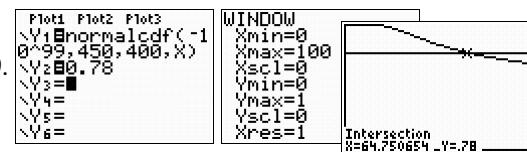
c opp. links van a is $\frac{0,12}{2} = 0,06 \Rightarrow a = \text{invNorm}(0.06, 58, 6) \approx 48,7$.
 opp. links van b is $1 - 0,06 = 0,94 \Rightarrow b = \text{invNorm}(0.94, 58, 6) \approx 67,3$.



24a $\text{normalcdf}(-10^{99}, 450, 400, \sigma) = 0,78$.

24b Een eerste schatting is $\sigma = 70 \Rightarrow X_{\min} = 0$ en $X_{\max} = 100$. (WINDOW is achteraf altijd nog bij te stellen)

24c Intersect geeft $\sigma \approx 64,8$.



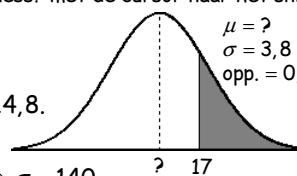
25a $\text{normalcdf}(-10^{99}, 170, \mu, 12) = 0,08$.

25b Een eerste schatting is $\mu = 170 + 2 \cdot 12 \Rightarrow X_{\min} = 0$ en $X_{\max} = 250$.

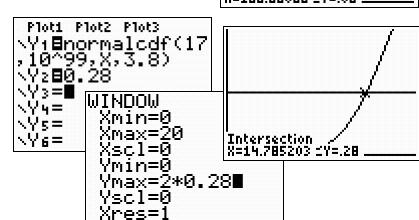
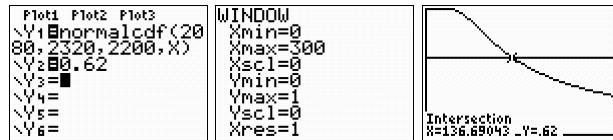
25c Intersect geeft $\mu \approx 187$. (bij ERROR opnieuw en bij Guess? met de cursor naar het snijpunt !!!)

26 Zie een schets hiernaast.

$$\text{normalcdf}(17, 10^{99}, \mu, 3.8) = 0,28 \text{ (intersect)} \Rightarrow \mu \approx 14,8$$



27 $\text{normalcdf}(2080, 2320, 2200, \sigma) = 0,62$ (intersect) $\Rightarrow \sigma \approx 140$.



28a $\blacksquare \text{normalcdf}(14,6, 10^{99}, \mu, 3.5) = 0,41$ (intersect) $\Rightarrow \mu \approx 13,8$.

28b $\blacksquare \text{normalcdf}(14,6, 10^{99}, 12,3, \sigma) = 0,41$ (intersect) $\Rightarrow \sigma \approx 10,1$.

29a $\blacksquare \text{opp.} = \text{normalcdf}(82, 10^{99}, 75, 4.8) \approx 0,072$.

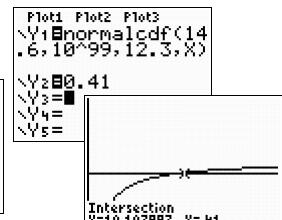
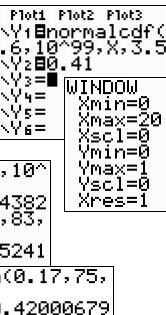
29b $\blacksquare \text{opp.} = \text{normalcdf}(70, 83, 75, 4.8) \approx 0,803$.

29c $\blacksquare \text{opp. links van } a \text{ is } 1 - 0,83 = 0,17$.
 $a = \text{invNorm}(0,17, 75, 4.8) \approx 70,42$.

29d $\blacksquare b = \text{invNorm}(0,25, 75, 4.8) \approx 71,76$;
 $c = \text{invNorm}(0,50, 75, 4.8) = \mu = 75$;
 $d = \text{invNorm}(0,75, 75, 4.8) \approx 78,24$.

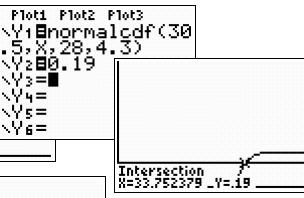
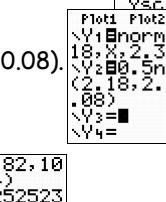
30a $\text{normalcdf}(a, 30,5, 28, 4,3) = 0,36$ (intersect) $\Rightarrow a \approx 26,45$.

30b $\text{normalcdf}(30,5, b, 28, 4,3) = 0,19$ (intersect) $\Rightarrow b \approx 33,75$.



31 $\text{normalcdf}(2,18, a, 2,3, 0,08) = \frac{1}{2} \times \text{normalcdf}(2,18, 2,36, 2,3, 0,08)$.

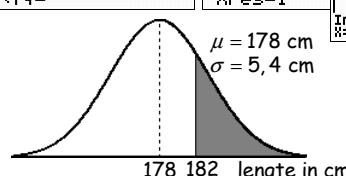
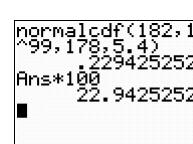
Intersect geeft $a \approx 2,284$.



32a $\text{opp.} = \text{normalcdf}(182, 10^{99}, 178, 5,4) \approx 0,229$.

32b Van de jongens is 22,9% langer dan 182 cm.

32c De gevraagde kans is 0,229.



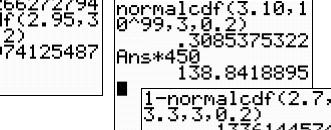
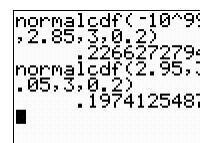
33a $\text{normalcdf}(-10^{99}, 2,85, 3,0,2) \approx 0,227 \Rightarrow 22,7\%$.

33b $\text{normalcdf}(2,95, 3,05, 3,0,2) \approx 0,197 \Rightarrow 19,7\%$.

33c $\text{normalcdf}(3,10, 10^{99}, 3,0,2) \approx 0,309$.

33d $\text{Ans} \cdot 450 \approx 139$ (zakken).

33e $1 - \text{normalcdf}(3 - 0,3, 3 + 0,3, 3,0,2) \approx 0,134 \Rightarrow 13,4\%$.

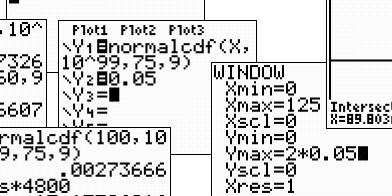
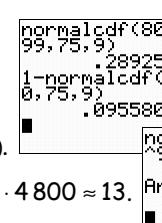


34a $\text{normalcdf}(80, 10^{99}, 75, 9) \approx 0,289 \Rightarrow 28,9\%$.

34b $1 - \text{normalcdf}(60, 90, 75, 9) \approx 0,096 \Rightarrow 9,6\%$.

34c $\text{normalcdf}(c, 10^{99}, 75, 9) = 0,05$ (intersect) $\Rightarrow c \approx 90$ (kg).

34d $\text{normalcdf}(100, 10^{99}, 75, 9) \approx 0,0027$. Dus aantal = $\text{Ans} \cdot 4800 \approx 13$.



35a $\text{normalcdf}(220, 10^{99}, 210, 8) \approx 0,106$.

```
normalcdf(220,10^99,210,8)
.105649839
normalcdf(-10^99
,200,210,8)
.105649839
```

35b $\text{normalcdf}(-10^{99}, 200, 210, 8) \approx 0,106 \Rightarrow 10,6\%$.

```
normalcdf(50,10^99
99.36.2,12.7)
.1386037157
Ans*50
6.930185786
```

36a $\text{normalcdf}(50, 10^{99}, 36.2, 12.7) \approx 0,139$. Dus $\text{Ans} \cdot 50 \approx 7$ keer (de komende 50 jaar in april).

```
normalcdf(-10^99
,8,36.2,12.7)
.0131933123
```

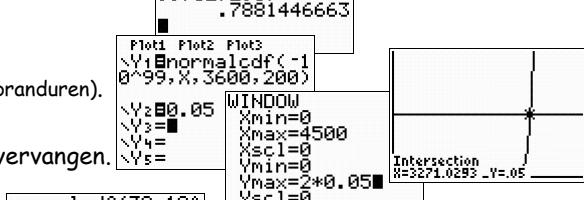
```
normalcdf(60,10^99
99.65.6)
.7976716754
normalcdf(60,10^99
99.62.2.5)
.7881446663
```

37 $\text{normalcdf}(60, 10^{99}, 65, 6) \approx 0,798$ en $\text{normalcdf}(60, 10^{99}, 62, 2.5) \approx 0,788$.
 $0,798 > 0,788 \Rightarrow$ voorkeur voor soort A.

38a $\text{normalcdf}(-10^{99}, a, 3600, 200) = 0,05$ (intersect) $\Rightarrow a \approx 3271$ (branduren).

38b Na 3721 branduren raken snel steeds meer lampen defect.

Het is daarom efficiënter om dan alle lampen in één keer te vervangen.



39a $\text{normalcdf}(30, 10^{99}, 28, 0.6) \approx 0,0004 \Rightarrow 0,04\%$.

```
normalcdf(30,10^99
99,28,0.6)
4.291165336E-4
1-normalcdf(28.5
,29.5,28,0.6)
.0124193597
```

```
1-normalcdf(26.5
,29.5,28,0.35)
1.82280973E-5
Ans*100
.0018228097
```

39b $1 - \text{normalcdf}(28 - 1.5, 28 + 1.5, 28, 0.6) \approx 0,012 \Rightarrow 1,2\%$.

```
invNorm(0.2,28,0
.35)
27.70543257
invNorm(0.8,28,0
.35)
28.29456743
```

39c $1 - \text{normalcdf}(28 - 1.5, 28 + 1.5, 28, 0.35) \approx 0,00002 \Rightarrow 0,002\%$.

39d $\text{invNorm}(0.20, 28, 0.35) \approx 27,705$ (mm) en $\text{invNorm}(0.80, 28, 0.35) \approx 28,295$ (mm).

De diameter moet tussen 27,705 mm en 28,295 mm liggen.

40 $\text{invNorm}\left(\frac{1}{3}, 75, 18\right) \approx 67,2$ (cm) en $\text{invNorm}\left(\frac{2}{3}, 75, 18\right) \approx 82,8$ (cm).

De grenzen van de middelste klasse zijn 67 cm en 83 cm.

```
invNorm(1/3,75,1
8)
67.24690853
invNorm(2/3,75,1
8)
82.75309147
```

41a $\text{invNorm}(0.10, 45, 5) \approx 38,6 \Rightarrow$ je valt af tot en met score 38.

41b $\text{invNorm}(0.30, 45, 5) \approx 42,4 \Rightarrow$ herkansen bij scores 39, 40, 41 en 42.

41c $\text{normalcdf}(54, 10^{99}, 45, 5) \approx 0,036 \Rightarrow 3,6\%$.

Met score 54 hoor je nog niet bij de beste 3% (wel bij de beste 3,6%).

alternatieve oplossing $\text{invNorm}(0.97, 45, 5) \approx 54,4 > 54 \Rightarrow$ Sabine heeft geen gelijk.

```
invNorm(0.1,45,5
)
38.59224217
invNorm(0.3,45,5
)
42.37799745
```

```
normalcdf(54,10^99
45,5)
.0359302655
invNorm(0.97,45,
5)
54.40396805
```

```
normalcdf(5,10^99
9,3.8,1.3)
.1779835349
Ans*24*365
1559.135766
```

```
normalcdf(3.4.7
5,3.8,1.3)
.6186290942
Ans*24*365
5419.190865
```

42a $\text{normalcdf}(5, 10^{99}, 3.8, 1.3) \approx 0,178$. Dus ongeveer $\text{Ans} \times 24 \times 365 \approx 1560$ uur.

42b $\text{normalcdf}(3.4, 7.5, 3.8, 1.3) \approx 0,619$. Dus ongeveer $\text{Ans} \times 24 \times 365 \approx 5420$ uur.

```
Plot1 Plot2 Plot3
Y1:1-normalcdf(
5,10^99,X,0.4)
Y2:0.95
Y3:=■
Y4=
Y5=
Y6=

```

```
Plot1 Plot2 Plot3
Y1:1-normalcdf(
995,1015,1005,X)
Y2:0.02
Y3:=■
Y4=
Y5=
Y6=

```

43a $\text{normalcdf}(-10^{99}, 5.5, 6, 0.4) \approx 0,106 \Rightarrow 10,6\%$.

```
normalcdf(-10^99
,5.5,6,0.4)
.105649839
```

43b $\text{normalcdf}(5.5, 10^{99}, \mu, 0.4) = 0,95$ (intersect) $\Rightarrow \mu \approx 6,16$ (gram).

```
Plot1 Plot2 Plot3
Y1:1-normalcdf(
995,1015,1005,X)
Y2:0.02
Y3:=■
Y4=
Y5=
Y6=

```

44a $1 - \text{normalcdf}(1005 - 10, 1005 + 10, 1005, \sigma) = 0,02$ (intersect) $\Rightarrow \sigma \approx 4,30$ (gram).

De standaardafwijking moet 4,30 gram of minder zijn.

```
Plot1 Plot2 Plot3
Y1:1-normalcdf(
995,1015,1005,X)
Y2:0.02
Y3:=■
Y4=
Y5=
Y6=

```

44b $\text{normalcdf}(-10^{99}, 1000, \mu, 8) = 0,05$ (intersect) $\Rightarrow \mu \approx 1013$ (gram).

Dus instellen op een gemiddelde van 1013 gram of meer.

```
Plot1 Plot2 Plot3
Y1:1-normalcdf(
995,1015,1005,X)
Y2:0.02
Y3:=■
Y4=
Y5=
Y6=

```

45a $\text{opp.} = \text{normalcdf}(50, 100, 70, 20) \approx 0,7745 \Rightarrow$ aantal $\approx 0,7745 \times 10000 = 7745$.

bedrag $= 7745 \times 1,17 = 9061,65$ (€).

```
normalcdf(50,100
,70,20)
.7745375117
Ans*10000
.7745.375117
7745*1.17
9061.65
```

45b Minder dan 20 gram:

$\text{opp.} = \text{normalcdf}(-10^{99}, 20, 70, 20) \approx 0,0062 \Rightarrow$ bedrag $\approx 0,0062 \times 10000 \times 0,39 = 24,18$ (€).

Tussen 20 en 50 gram:

$\text{opp.} = \text{normalcdf}(20, 50, 70, 20) \approx 0,1524 \Rightarrow$ bedrag $\approx 0,1524 \times 10000 \times 0,78 = 1188,72$ (€).

Tussen 100 en 200 gram:

$\text{opp.} = \text{normalcdf}(100, 200, 70, 20) \approx 0,0688 \Rightarrow$ bedrag $\approx 0,0688 \times 10000 \times 1,56 = 1042,08$ (€).

Totale bedrag $= 24,18 + 1188,72 + 9061,65 + 1042,08 = 11316,63$ (€).

```
normalcdf(-10^99
,20,70,20)
.0062096799
62*0.39
24.18
```

```
normalcdf(20,50
,70,20)
.1524455797
1524*0.78
1188.72
```

```
normalcdf(100,20
,70,20)
.668072287
668*1.56
1042.08
```

45c In klasse A zitten $0,25 \times 10\,000 = 2500$ drukwerken.

In klasse B zitten $0,60 \times 10\,000 = 6\,000$ drukwerken.

In klasse C zitten $0,15 \times 10\,000 = 1500$ drukwerken.

Totale bedrag = $2500 \times 0,50 + 6\,000 \times 0,75 + 1500 \times 1,00 = 7\,250$ (€).

Dus PostExpress is een heel stuk voordeliger dan TPG Post. (het scheelt 4066,63 euro)

$$\begin{aligned} & 2500 \cdot 0,5 + 6000 \cdot 0,75 \\ & 75 + 1500 \cdot 1 \\ & 11316,63 - 7250 \\ & 4066,63 \end{aligned}$$

46a opp. = $\text{normalcdf}(-10^{99}, 2,5, 2,52, 0,12) \approx 0,434 \Rightarrow 43,4\%$.

46b opp. = $1 - \text{normalcdf}(2,56 - 0,3, 2,56 + 0,3, 2,56, 0,12) \approx 0,012 \Rightarrow 1,2\%$.

46c $\text{normalcdf}(-10^{99}, 2,5, \mu, 0,12) = 0,04$ (intersect) $\Rightarrow \mu \approx 2,71$ (kg).

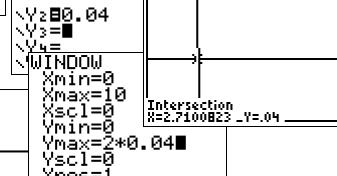
Het gemiddelde moet worden ingesteld op 2,71 kg of meer.

46d $\text{normalcdf}(2,78, 10^{99}, \mu, 0,12) = \frac{16}{853}$ (intersect) $\Rightarrow \mu \approx 2,53$ (kg).

Het gemiddelde is ingesteld op 2,53 kg.

$$\begin{aligned} & \text{normalcdf}(-10^{99}, 2,5, 2,52, 0,12) \\ & .4338161621 \\ & 1 - \text{normalcdf}(2,56 \\ & -0,3, 2,56 + 0,3, 2,56, 0,12) \\ & .0124193597 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \text{Plot1 Plot2 Plot3} \\ & \text{\textbackslash Y1}\text{normalcdf}(-10^{99}, 2,5, \text{x}, 0,12) \\ & \text{\textbackslash Y2}\text{0,04} \\ & \text{\textbackslash Y3=} \\ & \text{\textbackslash Y4}= \\ & \text{WINDOW} \\ & \text{Xmin=0} \\ & \text{Xmax=10} \\ & \text{Xsc1=0} \\ & \text{Ymin=0} \\ & \text{Ymax=2*0,04} \\ & \text{Xsc1=0} \\ & \text{Xres=1} \end{aligned}$$



47a $\text{normalcdf}(1970, 2006, 2010, 35) \approx 0,328 \Rightarrow 32,8\%$.

47b $\text{invNorm}(0,80, 2010, 35) \approx 2039,45 \Rightarrow$ in het jaar 2039.

47c De tweede wereldoorlog duurde van 1939 tot 1945.

$\text{normalcdf}(1939, 1945, 2010, 35) \approx 0,010 \Rightarrow$ ongeveer 1%.

47d $\text{normalcdf}(2000, 2006, 2010, 35) \approx 0,067$.

Dus $Ans \times 1800 \approx 121$ Gb.

47e Eind 1945, dus neem als grens 1-1-2006.

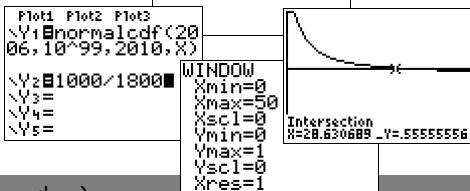
1000 Gb nog voorradig \Rightarrow opp. rechts van 2006 is $\frac{1000}{1800}$.

$\text{normalcdf}(2006, 10^{99}, 2010, \sigma) = \frac{1000}{1800}$ (intersect) $\Rightarrow \sigma \approx 28,6$ (jaar).

$$\begin{aligned} & \text{normalcdf}(1970, 2006, 2010, 35) \\ & .3279565982 \\ & \text{invNorm}(0,80, 2010, 35) \\ & 2039,456743 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \text{normalcdf}(1939, 1945, 2010, 35) \\ & .010394442 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \text{normalcdf}(2000, 2006, 2010, 35) \\ & .0669570607 \\ & \text{Ans} \times 1800 \\ & 120,5227092 \end{aligned}$$



■ Opdracht 48 tot en met 52 zijn alleen online te maken (eventueel overslaan).

48a ■ *

48b ■ Lees af: Kans rechts = 0,0062 $\Rightarrow 0,6\%$.

48c ■ Lees af: Kans midden = 0,8664 $\Rightarrow 86,6\%$.

48d ■ Lees af: Kans links = 0,9599 $\approx 0,960$.

48e ■ Lees af: Kans links = 0,1056 $\Rightarrow 10,6\%$ van de pakken.

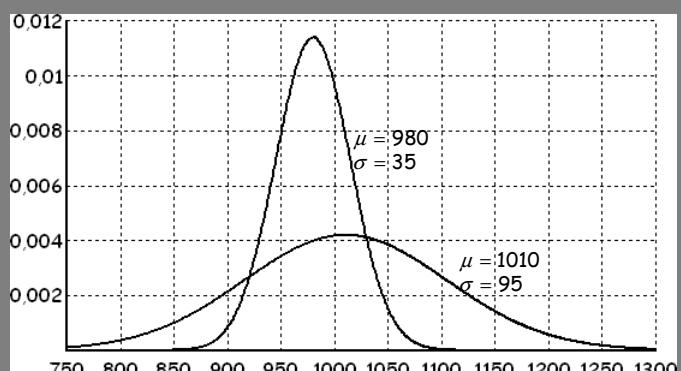
48f ■ Lees af: Kans staart = 0,4533 $\Rightarrow 45,3\%$.

49a ■ Zie de verschillen in grafiek hiernaast.

49b ■ Merk A: $P(X \leq 950) = 0,2638 \Rightarrow P(X \geq 950) = 0,7362$.

Merk B: $P(X \leq 950) = 0,1957 \Rightarrow P(X \geq 950) = 0,8043$.

Merk B geniet dus de voorkeur (want $0,8043 > 0,7362$).



50a ■ $\mu = 500$, Grens = 495 en Kans links = 0,10 geeft $\sigma = 3,9015 \Rightarrow \sigma \approx 3,9$ (gram) is nog acceptabel.

50b ■ $\mu = 500$, Linkergrens = 493, Rechtergrens = 507 en Kans staart = 0,025 geeft $\sigma = 3,5715 \Rightarrow \sigma \approx 3,6$ (gram).

51a ■ *

51b ■ Lees af in de tabel: bij score 55 is de opp. links = 0,066807 $\Rightarrow 6,7\%$ van de scores is lager dan 55.

Lees af in de tabel: bij score 72 is de opp. rechts = 0,091211 $\Rightarrow 9,1\%$ van de scores is hoger dan 72.

51c ■ Lees af in de tabel: opp. links = 0,203328 bij de score 59 \Rightarrow je valt af bij scores tot en met 58.

52a ■ Zie de tabel onder deze opdracht op de achterkant van dit blad.

52b ■ Zie de grafiek onder deze opdracht op de achterkant van dit blad.

52c ■ Lees af in de tabel: bij 71 kg is bij de mannen opp. rechts = 0,9452 $\Rightarrow 0,9452 \cdot 1800 \approx 1700$ mannen.

52d ■ Lees af in de tabel: bij 85 kg is bij de mannen opp. rechts = 0,1151 en bij de vrouwen is opp. rechts = 0,0228.

Dat zijn dus $0,1151 \cdot 1800 + 0,0228 \cdot 2500 \approx 264$ personen.

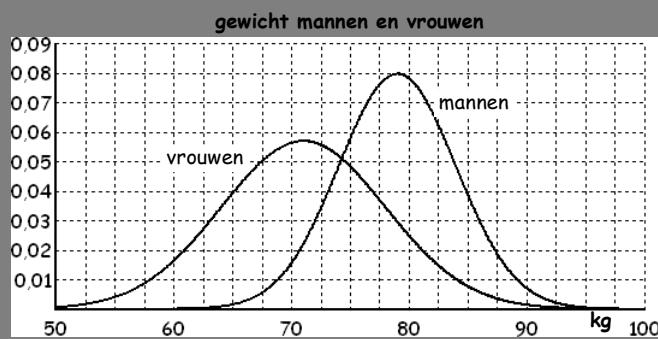
$$\begin{aligned} & 0,1151 \cdot 1800 + 0,0228 \\ & 28 \cdot 2500 \\ & 264,18 \end{aligned}$$

$$0,9452 \cdot 1800 = 1701,36$$

52a

gewicht in kg						
	mannen			vrouwen		
gewicht in kg	hoogte kromme	oppervlakte links	oppervlakte rechts	hoogte kromme	oppervlakte links	oppervlakte rechts
50	0,0000	0,0000	1,0000	0,0006	0,0013	0,9987
51	0,0000	0,0000	1,0000	0,0010	0,0021	0,9979
52	0,0000	0,0000	1,0000	0,0014	0,0033	0,9967
53	0,0000	0,0000	1,0000	0,0021	0,0051	0,9949
54	0,0000	0,0000	1,0000	0,0030	0,0076	0,9924
55	0,0000	0,0000	1,0000	0,0042	0,0111	0,9889
56	0,0000	0,0000	1,0000	0,0057	0,0161	0,9839
57	0,0000	0,0000	1,0000	0,0077	0,0228	0,9772
58	0,0000	0,0000	1,0000	0,0102	0,0316	0,9684
59	0,0000	0,0000	1,0000	0,0131	0,0432	0,9568
60	0,0001	0,0001	0,9999	0,0166	0,0580	0,9420
61	0,0001	0,0002	0,9998	0,0205	0,0766	0,9234
62	0,0002	0,0003	0,9997	0,0249	0,0993	0,9007
63	0,0005	0,0007	0,9993	0,0297	0,1265	0,8735
64	0,0009	0,0013	0,9987	0,0346	0,1587	0,8413
65	0,0016	0,0026	0,9974	0,0395	0,1957	0,8043
66	0,0027	0,0047	0,9953	0,0442	0,2375	0,7625
67	0,0045	0,0082	0,9918	0,0484	0,2839	0,7161
68	0,0071	0,0139	0,9861	0,0520	0,3341	0,6659
69	0,0108	0,0228	0,9772	0,0547	0,3875	0,6125
70	0,0158	0,0359	0,9641	0,0564	0,4432	0,5568
71	0,0222	0,0548	0,9452	0,0570	0,5000	0,5000
72	0,0299	0,0808	0,9192	0,0564	0,5568	0,4432
73	0,0388	0,1151	0,8849	0,0547	0,6125	0,3875
74	0,0484	0,1587	0,8413	0,0520	0,6659	0,3341
75	0,0579	0,2119	0,7881	0,0484	0,7161	0,2839
76	0,0666	0,2743	0,7257	0,0442	0,7625	0,2375
77	0,0737	0,3446	0,6554	0,0395	0,8043	0,1957
78	0,0782	0,4207	0,5793	0,0346	0,8413	0,1587
79	0,0798	0,5000	0,5000	0,0297	0,8735	0,1265
80	0,0782	0,5793	0,4207	0,0249	0,9007	0,0993
81	0,0737	0,6554	0,3446	0,0205	0,9234	0,0766
82	0,0666	0,7257	0,2743	0,0166	0,9420	0,0580
83	0,0579	0,7881	0,2119	0,0131	0,9568	0,0432
84	0,0484	0,8413	0,1587	0,0102	0,9684	0,0316
85	0,0388	0,8849	0,1151	0,0077	0,9772	0,0228
86	0,0299	0,9192	0,0808	0,0057	0,9839	0,0161
87	0,0222	0,9452	0,0548	0,0042	0,9889	0,0111
88	0,0158	0,9641	0,0359	0,0030	0,9924	0,0076
89	0,0108	0,9772	0,0228	0,0021	0,9949	0,0051
90	0,0071	0,9861	0,0139	0,0014	0,9967	0,0033
91	0,0045	0,9918	0,0082	0,0010	0,9979	0,0021
92	0,0027	0,9953	0,0047	0,0006	0,9987	0,0013
93	0,0016	0,9974	0,0026	0,0004	0,9992	0,0008
94	0,0009	0,9987	0,0013	0,0003	0,9995	0,0005
95	0,0005	0,9993	0,0007	0,0002	0,9997	0,0003
96	0,0002	0,9997	0,0003	0,0001	0,9998	0,0002
97	0,0001	0,9998	0,0002	0,0001	0,9999	0,0001
98	0,0001	0,9999	0,0001	0,0000	0,9999	0,0001
99	0,0000	1,0000	0,0000	0,0000	1,0000	0,0000
100	0,0000	1,0000	0,0000	0,0000	1,0000	0,0000

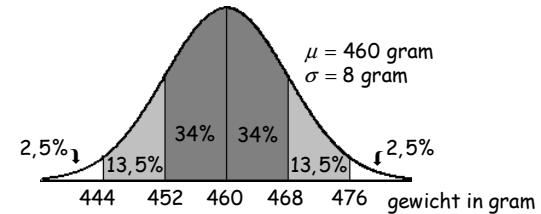
52b



Diagnostische toets

- D1a \square 68% van de 750 potten \Rightarrow 510 potten jam.
 D1b \square 97,5% van de 750 potten \Rightarrow 731 potten jam.
 D1c \square 13,5% van de 750 potten \Rightarrow 101 potten jam.
 D1d \square 47,5% van de 750 potten \Rightarrow 356 potten jam.

0.68*750	510
0.975*750	731.25
0.135*750	101.25
0.475*750	356.25



- D2 \square I opp. $= \text{normalcdf}(0.475, 0.515, 0.5, 0.024) \approx 0.585$.
 II opp. $= \text{normalcdf}(-10^{99}, 16, 14, 2.5) \approx 0.788$.
 III opp. $= \text{normalcdf}(190, 10^{99}, 210, 18) \approx 0.867$.

normalcdf(0.475,
0.515,0.5,0.024)
5852313867
normalcdf(-10^99
,16,14,2.5)
.7881446663

normalcdf(190,10
^99,210,18)
.8667396936

- D3 \square I opp. links van a is 0,32 $\Rightarrow a = \text{invNorm}(0.32, 51, 6) \approx 48,2$.
 II opp. links van a is $1 - 0,88 = 0,12 \Rightarrow a = \text{invNorm}(0.12, 13, 2) \approx 10,7$.
 III opp. links van a is $\frac{1 - 0,75}{2} = 0,125 \Rightarrow a = \text{invNorm}(0.125, 158, 12) \approx 144,2$.

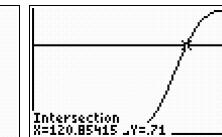
invNorm(0.32,51,
6)
48.19380719
invNorm(0.12,13,
2)
10.65002642

invNorm(0.125,15
8,12)
144.1958074

- D4 \square I $\text{normalcdf}(-10^{99}, 90, 80, \sigma) = 0,65$ (intersect) $\Rightarrow \sigma \approx 26$.
 II $\text{normalcdf}(112, 10^{99}, \mu, 16) = 0,71$ (intersect) $\Rightarrow \mu \approx 121$.

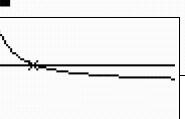
Plot1 Plot2 Plot3
Y1: normalcdf(11
2,10^99,X,16)
Y2: 0.71
Y3: ■
Y4: =
Y5: =
Y6: =

WINDOW
Xmin=0
Xmax=100
Xsc1=0
Ymin=0
Ymax=1
Ysc1=0
Xres=1



Plot1 Plot2 Plot3
Y1: normalcdf(-1
12,90,80,X)
Y2: 0.65■
Y3: =
Y4: =
Y5: =
Y6: =

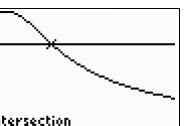
WINDOW
Xmin=0
Xmax=100
Xsc1=0
Ymin=0
Ymax=1
Ysc1=0
Xres=1



III $\text{normalcdf}(14, 22, 18, \sigma) = 0,74$ (intersect) $\Rightarrow \sigma \approx 3,55$.

Plot1 Plot2 Plot3
Y1: normalcdf(14
,22,18,X,14)
Y2: 0.74
Y3: ■
Y4: =
Y5: =
Y6: =

WINDOW
Xmin=0
Xmax=10
Xsc1=0
Ymin=0
Ymax=1
Ysc1=0
Xres=1



- D5a \square $\text{normalcdf}(8, 10^{99}, 7, 8, 1, 4) \approx 0,443 \Rightarrow 44,3\%$.

normalcdf(8,10^99
,7,8,1,4)
0.4432014772

- D5b \square $\text{normalcdf}(-10^{99}, 7, 7, 8, 1, 4) \approx 0,284 \Rightarrow 28,4\%$.

normalcdf(-10^99
,7,7,8,1,4)
.2838545412

- D5c \square $\text{normalcdf}(-10^{99}, 5, 7, 8, 1, 4) \approx 0,023 \Rightarrow 2,3\%$.

normalcdf(-10^99
,5,7,8,1,4)
.022750062

- D6 \square $\text{invNorm}(0.03, 25000, 2700) \approx 19920$ (uur).

invNorm(0.03,250
0,2700)
19921.85725

- D7 \square $\text{normalcdf}(-10^{99}, 250, \mu, 4) = 0,10$ (intersect) $\Rightarrow \mu \approx 255,1$ (gram).

(bij foutmelding opnieuw intersect en bij Guess? de cursor naar het snijpunt verplaatsen)

- D8a \square $\text{normalcdf}(70, 10^{99}, 68, \sigma) = \frac{29}{325}$ (intersect) $\Rightarrow \sigma \approx 1,49$ (%).

Plot1 Plot2 Plot3
Y1: normalcdf(70
,10^99,68,X)
Y2: 0.29/325■
Y3: =
Y4: =
Y5: =
Y6: =

WINDOW
Xmin=0
Xmax=4
Xsc1=0
Ymin=0
Ymax=1
Ysc1=0
Xres=1



- D8b \square $\text{normalcdf}(-10^{99}, 65, 5, 68, 1, 49) \approx 0,047$.

Ans * 500 ≈ 23 (stuks).

normalcdf(-10^99
,65,5,68,1,49)
.0466879384
Ans*500
23.3439692

- D9 \square $\text{normalcdf}(10, 12, 8, 1, 6) \approx 0,040$.

Plot1 Plot2 Plot3
Y1: normalcdf(10
,12,8,1,6)
Y2: 0.040591135■
Y3: =
Y4: =
Y5: =
Y6: =

WINDOW
Xmin=0
Xmax=5
Xsc1=0
Ymin=0
Ymax=0/325■
Ysc1=0
Xres=1



$\text{normalcdf}(10, 12, 8, 1, 6) \approx 0,733$.

$\text{normalcdf}(14, 10^{99}, 12, 8, 1, 6) \approx 0,227$.

Dus groep I: 4%; groep II: 73,3% en groep III: 22,7%.

- G31b \square De oppervlakte links van grens a is $0,040 + 0,50 \cdot 0,733 = 0,4065$.

$b = \text{invNorm}(0,4065, 12, 8, 1, 6) \approx 12,4$ (cm).

normalcdf(-10^99
,10,12,8,1,6)
.0400591135
normalcdf(10,14,
12,8,1,6)
.733313607

normalcdf(14,10^99
,12,8,1,6)
.2266272794
4+73.3+22.7
100

0.040+0.5*0.733
0.4065
invNorm(0.4065,
12,8,1,6)
12.421508781

Gemengde opgaven 8. De normale verdeling

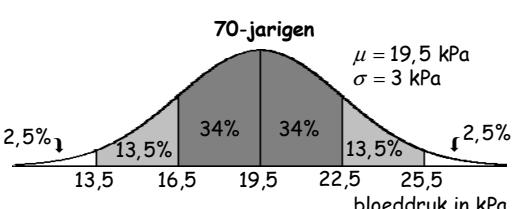
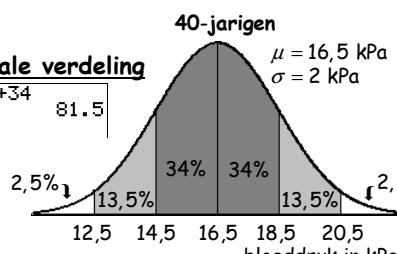
- G30a \square $13,5 + 34 + 34 = 81,5$ (%).

13.5+34+34
81.5

- G30b \square $34 + 34 = 68$ (%).

- G30c \square 2,5 (%) .

- G30d \square $2,5 + 13,5 = 16$ (%).



- G31a \square $\text{normalcdf}(-10^{99}, 10, 12, 8, 1, 6) \approx 0,040$.

$\text{normalcdf}(10, 14, 12, 8, 1, 6) \approx 0,733$.

$\text{normalcdf}(14, 10^{99}, 12, 8, 1, 6) \approx 0,227$.

Dus groep I: 4%; groep II: 73,3% en groep III: 22,7%.

- G31b \square De oppervlakte links van grens a is $0,040 + 0,50 \cdot 0,733 = 0,4065$.

$b = \text{invNorm}(0,4065, 12, 8, 1, 6) \approx 12,4$ (cm).

G32a \blacksquare $\text{normalcdf}(925, 10^{99}, 1020, 110) \approx 0,806$ (merk A).

$\text{normalcdf}(925, 10^{99}, 990, 35) \approx 0,968$ (merk B).

Omdat nu $0,968 > 0,806$ heeft merk B de voorkeur.

G32b \blacksquare $\text{normalcdf}(1020, 10^{99}, 990, 35) \approx 0,196$.

G32c \blacksquare $\text{normalcdf}(-10^{99}, 990, 1020, 110) \approx 0,393$.

```
normalcdf(925, 10^99, 1020, 110)
      .8061062061
normalcdf(925, 10^99, 990, 35)
      .9683546464
■ normalcdf(1020, 10^99, 990, 35)
      .1956829201
normalcdf(-10^99, 990, 1020, 110)
      .3925314936
```

G33a \blacksquare $\text{normalcdf}(-10^{99}, 500, 502, 3) \approx 0,252 \Rightarrow 25,2\%$. ■

G33b \blacksquare $\text{normalcdf}(-10^{99}, 500, \mu, 3) = 0,05$ (intersect) $\Rightarrow \mu \approx 504,9$ (gram).

Dus op een gemiddelde van minstens 504,9 gram.

G33c \blacksquare $\text{normalcdf}(-10^{99}, 500, \mu, 3) = 0,005$ (intersect) $\Rightarrow \mu \approx 507,7$ (gram).

Kan niet omdat het gemiddelde slechts in te stellen is van 489 tot 507 (gram).

G34a \blacksquare Zie de frequentietabel hiernaast.

De klassenmiddens zijn 235, 245, 255, ... 295.

Het gemiddelde is $\frac{5 \times 235 + \dots + 7 \times 295}{100} = 266$ (dagen).

G34b \blacksquare $P(\text{zwangerschap}) = \frac{4}{28} \cdot \frac{1}{3} \approx 0,048$.

G34c \blacksquare $\text{normalcdf}(266, 267, 266, 16) \approx 0,025$.

klasse	rel. frequentie
230 < 240	5
240 < 250	11
250 < 260	19
260 < 270	25
270 < 280	21
280 < 290	12
290 < 300	7

G34d \blacksquare 1 januari 2000 is $266 + 8 = 274$ dagen na 2 april (2 april is weer 8 dagen vóór 10 april).

$\text{normalcdf}(274, 10^{99}, 266, 16) \approx 0,3085$.

$P(\text{bevalling in het jaar } 2000) = Ans \cdot \frac{1}{3} \approx 0,103$.

G35a \blacksquare $\text{normalcdf}(23, 40, 10^{99}, 23, 25, 0,10) \approx 0,067 \Rightarrow 6,7\%$. ■

G35b \blacksquare $\text{normalcdf}(-10^{99}, 25, 75 - 0,40, 25, 75, \sigma) = \frac{3}{10000}$ (intersect) $\Rightarrow \sigma \approx 0,12$ (mm).

G36a \blacksquare Lees af: 68% lichter dan 660 gram $\Rightarrow 32\%$ zwaarder dan 660 gram.

G36b \blacksquare $\text{normalcdf}(700, 10^{99}, 645, 43) \approx 0,100 \Rightarrow 10,0\%$.

G36c \blacksquare Opp. rechts van a is 0,15 \Rightarrow Opp. links van a is 0,85.
 $a = \text{invNorm}(0,85, 645, 43) \approx 690$ (gram).

```
normalcdf(23, 40, 10^99, 23, 25, 0,10)
      .0668072287
```

Plot1 Plot2 Plot3

\Y1: \Bnormalcdf(-10^99, 25, 75, 25, 75)

\Y2: 3/10000

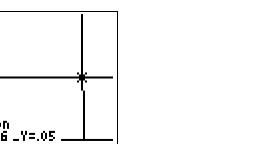
\Y3: ■

\Y4: ■

\Y5: ■

\Y6: ■

Xres=1



Plot1 Plot2 Plot3

\Y1: \Bnormalcdf(-10^99, 25, 75, 25, 75)

\Y2: 3/10000

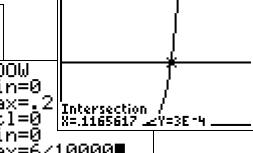
\Y3: ■

\Y4: ■

\Y5: ■

\Y6: ■

Xres=1



G37a \blacksquare Er zijn 6 manieren (zie de kleine tabel hiernaast).

G37b \blacksquare 250 biljetten van $\text{€} 20$. $\begin{array}{|c|c|c|} \hline \text{aantal} & \text{aantal} & \text{aantal} \\ \hline \text{€} 50 & \text{€} 20 & \text{€} 10 \\ \hline 1 & 1 & - \\ \hline 12+2*2+89+2*14+2* & 1 & 2 \\ \hline 12+2*2+2*5+2*2 & - & 5 \\ \hline 250 & - & 3 \\ \hline \end{array}$ (zie de grote tabel hiernaast)

G37c \blacksquare $\text{normalcdf}(400, 10^{99}, 326, 41) \approx 0,036$.

Dus naar verwachting op $Ans \cdot 365 \approx 13$ dagen.

G37d \blacksquare $\text{normalcdf}(175, 10^{99}, 140, \sigma) = 0,015$ (intersect) $\Rightarrow \sigma \approx 16,1$. (zie de schermen hieronder)

Plot1 Plot2 Plot3

WINDOW

Xmin=0

Xmax=50

Xsc1=0

Ymin=0

Ymax=2*0,015

Xres=1

normalcdf(175, 10^99, 140, X)

Ans*2.94

11.1335671

■

Intersection

X=16,128371 Y=.015

aantal

per opname

bedrag

in euro

aant.

€ 10

aant.

€ 20

aant.

€ 50

aant.

opnames

aantal

biljetten

van € 20

aantal

per opname

bedrag

in euro

aant.

€ 10

aant.

€ 20

aant.

€ 50

aant.

opnames

aantal

biljetten

van € 20

G37e \blacksquare Uitspraak a: nee, want je weet geen absolute aantallen (alleen relatieve).

Uitspraak b: ja, want in beide gevallen is het kleinste bedrag € 10,- en het grootste bedrag € 400,-.

Uitspraak c: ja, want bij I is 25% tussen 10 euro en 50 euro en bij II is 25% tussen 10 euro en 110 euro.

G38a \blacksquare $\text{normalcdf}(124, 126, 129,8, 2,2) \approx 0,0379$.

Dus $Ans \cdot 2,94$ miljoen $\approx 0,111$ miljoen = 111000 (bekertjes).

G38b \blacksquare $\text{normalcdf}(-10^{99}, 125, 129,8, 2,2) \approx 0,015 < 0,05 (= 5\%)$.

G38c \blacksquare $\text{normalcdf}(-10^{99}, 125, \mu, 2,2) = 0,05$ (intersect) $\Rightarrow \mu \approx 128,6$ (ml).

$129,8 - 128,6 = 1,2$ (ml = 0,0012 liter).

De besparing is $0,0012 \cdot 0,73 \cdot 2,94 \cdot 10^6 \approx 2575$ (€).

```
normalcdf(124, 126, 129,8, 2,2)
      .0378692758
Ans*2.94
      .111335671
■
```

normalcdf(-10^99, 125, 129,8, 2,2)
 .0145614254

■

Intersection

X=128,61866 Y=.05

129,8-128,6

1,2

Ans*1000*0,73*2*

94*10^6

2575,44

```
normalcdf(-10^99, 125, 129,8, 2,2)
      .0145614254
Ans*2.94
      .111335671
■
```

normalcdf(-10^99, 125, 129,8, 2,2)
 .0145614254

■

Intersection

X=128,61866 Y=.05

129,8-128,6

1,2

Ans*1000*0,73*2*

94*10^6

2575,44

